

Prof. Dr. Alfred Toth

Gibt es Trichotomische Triaden im vollständigen triadisch-trichotomischen semiotischen System?

1. Aus der Form triadisch-trichotomischer semiotischer Dualsysteme

$$\text{DS: ZKl} = (3.x, 2.y, 1.z) \times (z.1, y.2, x.3)$$

kann man durch Einsetzen der Konstanten aus $Z = (1, 2, 3)$ für die Variablen x, y, z insgesamt $3^3 = 27$ semiotische Relationen bilden. Die 10 peirceschen Zeichenklassen, die auch der Stuttgarter Semiotik zugrunde liegen, sind aus ihnen herausgefiltert durch die Ordnungsrelation

$$x \leq y \leq z.$$

Somit weist das sog. peircesche Zehnersystem neben einigen Eigenschaften, die es gerade dieser Reduktion verdankt, vor allem viele strukturelle Besonderheiten nicht auf, die man erst im Gesamtsystem findet.

3.1	2.1	1.1	×	1.1	1.2	1.3
-----	-----	-----	---	-----	-----	-----

3.1	2.1	1.2	×	2.1	1.2	1.3
-----	-----	-----	---	-----	-----	-----

3.1	2.1	1.3	×	3.1	1.2	1.3
-----	-----	-----	---	-----	-----	-----

3.1	2.2	1.1	×	1.1	2.2	1.3
-----	-----	-----	---	-----	-----	-----

3.1	2.2	1.2	×	2.1	2.2	1.3
-----	-----	-----	---	-----	-----	-----

3.1	2.2	1.3	×	3.1	2.2	1.3
-----	-----	-----	---	-----	-----	-----

3.1	2.3	1.1	×	1.1	3.2	1.3
-----	-----	-----	---	-----	-----	-----

3.1	2.3	1.2	×	2.1	3.2	1.3
-----	-----	-----	---	-----	-----	-----

3.1	2.3	1.3	×	3.1	3.2	1.3
-----	-----	-----	---	-----	-----	-----

3.2	2.1	1.1	×	1.1	1.2	2.3
-----	-----	-----	---	-----	-----	-----

3.2	2.1	1.2	×	2.1	1.2	2.3
-----	-----	-----	---	-----	-----	-----

3.2	2.1	1.3	×	3.1	1.2	2.3
-----	-----	-----	---	-----	-----	-----

3.2	2.2	1.1	×	1.1	2.2	2.3
-----	-----	-----	---	-----	-----	-----

3.2	2.2	1.2	×	2.1	2.2	2.3
-----	-----	-----	---	-----	-----	-----

3.2	2.2	1.3	×	3.1	2.2	2.3
-----	-----	-----	---	-----	-----	-----

3.2	2.3	1.1	×	1.1	3.2	2.3
-----	-----	-----	---	-----	-----	-----

3.2	2.3	1.2	×	2.1	3.2	2.3
-----	-----	-----	---	-----	-----	-----

3.2	2.3	1.3	×	3.1	3.2	2.3
-----	-----	-----	---	-----	-----	-----

3.3	2.1	1.1	×	1.1	1.2	3.3
-----	-----	-----	---	-----	-----	-----

3.3	2.1	1.2	×	2.1	1.2	3.3
-----	-----	-----	---	-----	-----	-----

3.3	2.1	1.3	×	3.1	1.2	3.3
-----	-----	-----	---	-----	-----	-----

3.3	2.2	1.1	×	1.1	2.2	3.3
-----	-----	-----	---	-----	-----	-----

3.3	2.2	1.2	×	2.1	2.2	3.3
-----	-----	-----	---	-----	-----	-----

3.3	2.2	1.3	×	3.1	2.2	3.3
-----	-----	-----	---	-----	-----	-----

3.3	2.3	1.1	×	1.1	3.2	3.3
-----	-----	-----	---	-----	-----	-----

3.3	2.3	1.2	×	2.1	3.2	3.3
-----	-----	-----	---	-----	-----	-----

3.3	2.3	1.3	×	3.1	3.2	3.3
-----	-----	-----	---	-----	-----	-----

2. Im folgenden zeigen, wir, daß man auch für das semiotische Gesamtsystem trichotomische Triaden (vgl. Walther 1982, Toth 2025) bilden kann, und zwar nicht nur in der Form eines determinantensymmetrischen, sondern auch eines diskriminantensymmetrischen Dualitätssystems. Das ist allerdings nur um den Preis möglich, daß diese homöostatischen Systeme (vgl. Toth 2008) a) nicht alle Dualsysteme enthalten und b) daß einige Dualsysteme verdoppelt vorkommen.

2.1. Det = (3.1, 2.2, 1.3)

3.1	2.1	1.1	×	1.1	1.2	1.3
3.1	2.1	1.2	×	2.1	1.2	1.3
3.1	2.1	1.3	×	3.1	1.2	1.3

3.1	2.2	1.1	×	1.1	2.2	1.3
3.1	2.2	1.2	×	2.1	2.2	1.3
3.1	2.2	1.3	×	3.1	2.2	1.3

3.1	2.3	1.1	×	1.1	3.2	1.3
3.1	2.3	1.2	×	2.1	3.2	1.3
3.1	2.3	1.3	×	3.1	3.2	1.3

3.1	2.2	1.1	×	1.1	2.2	1.3
3.1	2.2	1.2	×	2.1	2.2	1.3
3.1	2.2	1.3	×	3.1	2.2	1.3

3.2	2.2	1.1	×	1.1	2.2	2.3
3.2	2.2	1.2	×	2.1	2.2	2.3
3.2	2.2	1.3	×	3.1	2.2	2.3

3.3	2.2	1.1	×	1.1	2.2	3.3
3.3	2.2	1.2	×	2.1	2.2	3.3
3.3	2.2	1.3	×	3.1	2.2	3.3

3.1	2.1	1.3	×	3.1	1.2	1.3
3.1	2.2	1.3	×	3.1	2.2	1.3
3.1	2.3	1.3	×	3.1	3.2	1.3

3.2	2.1	1.3	×	3.1	1.2	2.3
3.2	2.2	1.3	×	3.1	2.2	2.3
3.2	2.3	1.3	×	3.1	3.2	2.3

3.3	2.1	1.3	×	3.1	1.2	3.3
3.3	2.2	1.3	×	3.1	2.2	3.3
3.3	2.3	1.3	×	3.1	3.2	3.3

2.2. Dis = (3.3, 2.2, 1.1)

3.3	2.1	1.1	×	1.1	1.2	3.3
3.3	2.1	1.2	×	2.1	1.2	3.3
3.3	2.1	1.3	×	3.1	1.2	3.3

3.3	2.2	1.1	×	1.1	2.2	3.3
3.3	2.2	1.2	×	2.1	2.2	3.3
3.3	2.2	1.3	×	3.1	2.2	3.3

3.3	2.3	1.1	×	1.1	3.2	3.3
3.3	2.3	1.2	×	2.1	3.2	3.3
3.3	2.3	1.3	×	3.1	3.2	3.3

3.1	2.2	1.1	×	1.1	2.2	1.3
3.1	2.2	1.2	×	2.1	2.2	1.3
3.1	2.2	1.3	×	3.1	2.2	1.3

3.2	2.2	1.1	×	1.1	2.2	2.3
3.2	2.2	1.2	×	2.1	2.2	2.3
3.2	2.2	1.3	×	3.1	2.2	2.3

3.3	2.2	1.1	×	1.1	2.2	3.3
3.3	2.2	1.2	×	2.1	2.2	3.3
3.3	2.2	1.3	×	3.1	2.2	3.3

3.1	2.1	1.1	×	1.1	1.2	1.3
3.1	2.2	1.1	×	1.1	2.2	1.3
3.1	2.3	1.1	×	1.1	3.2	1.3

3.2	2.1	1.1	×	1.1	1.2	2.3
3.2	2.2	1.1	×	1.1	2.2	2.3
3.2	2.3	1.1	×	1.1	3.2	2.3

3.3	2.1	1.1	×	1.1	1.2	3.3
3.3	2.2	1.1	×	1.1	2.2	3.3
3.3	2.3	1.1	×	1.1	3.2	3.3

Literatur

Toth, Alfred, Homeostasis in semiotic systems. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2008

Toth, Alfred, Diamondtheoretische Inhomogenität Trichotomischer Triaden.
In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2025

Walther, Elisabeth, Nachtrag zu „Trichotomischen Triaden“. In: Semiosis 27,
1982, S. 15-20

26.5.2025